

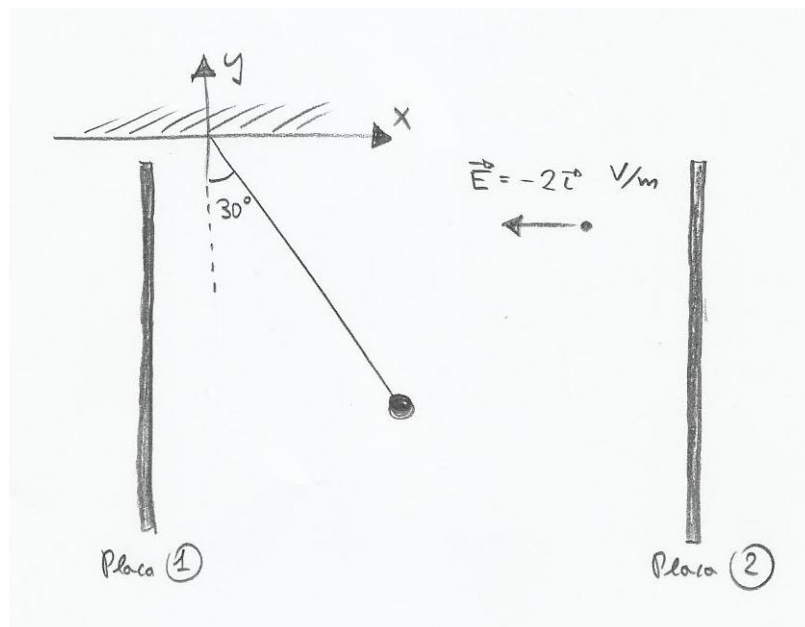
ESCOLA PIA SABADELL	Data: <i>dimarts, 1-IV-2014</i>	Puntuació
Física	Alumne:	
Prova Camp Electrostatic	Curs: <i>2n Batxillerat</i>	

NOTA: les puntuacions especificades en cada apartat suposen un màxim de 24 punts de “Conceptes” i 24 punts de “Procediments”, tot plegat.

Això però, una vegada corregit l'examen, les notes totals de C i P que apareixeran a la casella superior dreta d'aquest full vindran expressades sobre 10.

Problema A. [Puntuació total d'aquest problema: 12 de C, 12 de P]

Sigui una partícula, amb càrrega elèctrica q i massa $m = 2,00$ g, penjada d'un fil entre les plaques d'un condensador plano-paral·lel, tal com s'indica a la figura.



La partícula es troba desplaçada cap a la dreta, sent l'angle del fil amb la vertical de 30° . En aquesta situació la partícula està en equilibri, i equidista d'ambdues plaques del condensador.

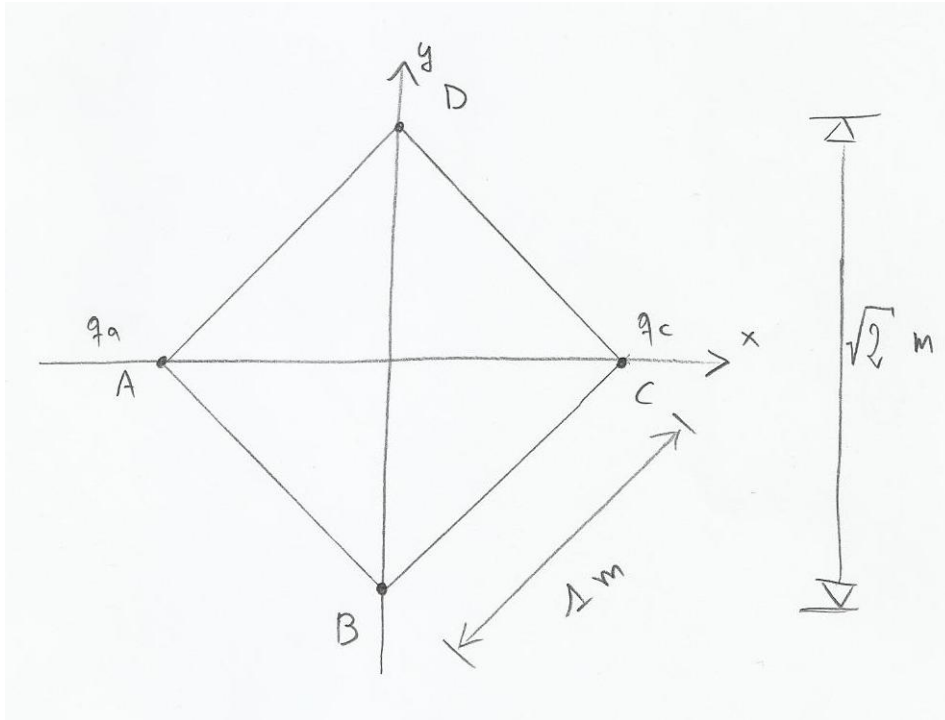
El camp electrostatic en qualsevol punt entre les plaques val: $\vec{E} = -2,00 \vec{i}$ V/m.

- A1)** Fes un diagrama de la situació descrita, representant-hi totes les forces que sent la partícula quan està en equilibri (pots fer-ho sobre l'anterior figura). Esbrina justificadament el signe de la càrrega q a partir del diagrama. [6 punts C]
- A2)** Troba analíticament el mòdul de la tensió. [6 punts P]
- A3)** Troba analíticament el valor de q . [6 punts P]
- A4)** Si de cop i volta tалlem el fil, la partícula arriba a la placa de la dreta amb una velocitat final de $v_f = 1,30$ m/s. Troba la diferència de potencial entre les plaques del condensador, $V_C = V_+ - V_-$. (Pots negligir els efectes de la gravitació al llarg de la trajectòria). [6 punts C]

DADA: $g = 9,81$ m s⁻²

Problema B. [Puntuació total d'aquest problema: 12 de C, 12 de P]

Considerem els punts de coordenades $A(-\frac{\sqrt{2}}{2}, 0)$, $B(0, -\frac{\sqrt{2}}{2})$, $C(\frac{\sqrt{2}}{2}, 0)$, $D(0, \frac{\sqrt{2}}{2})$, tal com es representa a la figura. (Totes les distàncies venen expressades en metres).



Al punt A hi ha una càrrega $q_a = -3 \text{ mC}$, i al punt C n'hi ha una altra de valor $q_c = q_a$, estant totes dues fixes en les seves posicions.

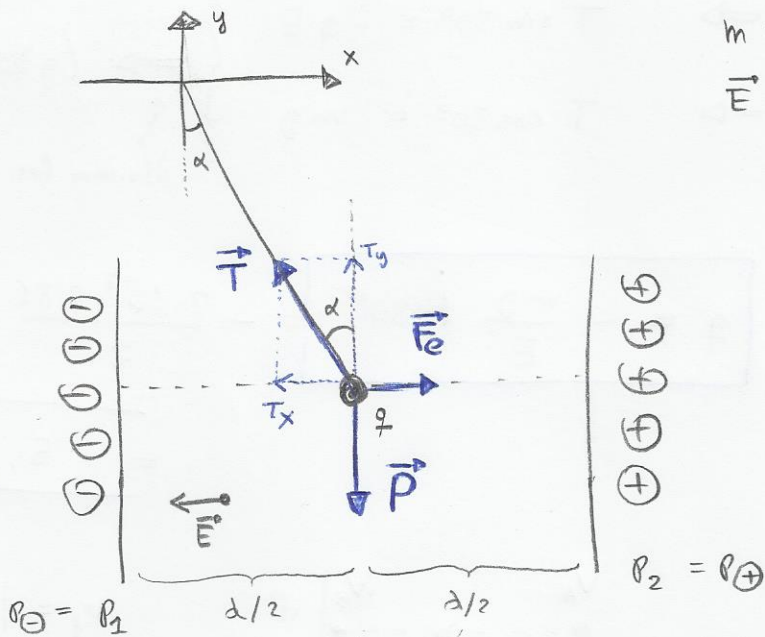
- B1)** Volem calcular la intensitat del camp electrostàtic en D . Fes un diagrama de la situació descrita, representant-hi els camps $\vec{E}_a(D)$ i $\vec{E}_c(D)$, així com el camp total $\vec{E}(D)$. Pots fer-ho sobre l'anterior figura. [6 punts C]
- B2)** Troba analíticament $\vec{E}(D)$. [6 punts P]
- B3)** Fiquem una $q_d = 3 \text{ mC}$ en D . Calcula l'energia potencial electrostàtica —o “energia de formació”— del sistema constituït per les tres càrregues q_a , q_c i q_d . [6 punts P]
- B4)** **4.1-** Quin és el treball que cal fer per a dur q_d de D fins a B ? [2 punts C]
- 4.2-** Quin és el treball que fa el camp en aquest desplaçament? [2 punts C]
- 4.3-** Interpreta raonadament aquests resultats atenent a si \vec{F}_{ext} i \vec{F}_{elec} s'oposen o no al moviment en cada tram de la trajectòria, si imaginem que aquesta té lloc en línia recta i a velocitat constant. [2 punts C]

DADA: $K = 9 \times 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$

A

A.1

Diagrama:



$\alpha = 30^\circ$

$m = 2 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$

$\vec{E} = -2\vec{i} \text{ V/m}$

$\rightarrow E = |\vec{E}| = 2 \text{ V/m}$

notació:
 $P = |\vec{P}| = mg$
 $T = |\vec{T}|$
 $g = 9.81 \text{ m/s}^2$

- \vec{E} apunta sempre cap a la "placa negativa" \Rightarrow deduïm signe positiu.
 \Rightarrow com que en l'equilibri la partícula està desplaçada cap a la dreta, sent repulsió per $P_1 = P_\ominus$ i atracció per $P_2 = P_\oplus \Rightarrow \boxed{q < 0}$.

- Raonament alternatiu: de l'esquema deduïm que per a mantenir aquesta posició d'equilibri, es necessita una \vec{F}_e en mateixa direcció i sentit oposat al \vec{E} . Com que $\boxed{\vec{F}_e = q \cdot \vec{E}}$, llavors necessàriament $q < 0$.

A.2

Zona llei N.: $\vec{P} + \vec{T} + \vec{F}_e = m\vec{a} \Rightarrow$ \leftarrow equilibri: $\vec{a} = (0,0)$

$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{X: } T_x + (F_e)_x = 0 \Rightarrow -T \sin 30^\circ - qE = 0 \quad (1) \\ \text{Y: } T_y + P_y = 0 \Rightarrow T \cos 30^\circ - mg = 0 \quad (2) \end{array} \right\}$

Troblem T aïllant-la en l'equació [2]:

$$T = \frac{mg}{\cos 30^\circ} = \frac{2 \cdot 10^{-3} \cdot 9,81}{\sqrt{3}/2} = 2,27 \cdot 10^{-2} \text{ N}$$

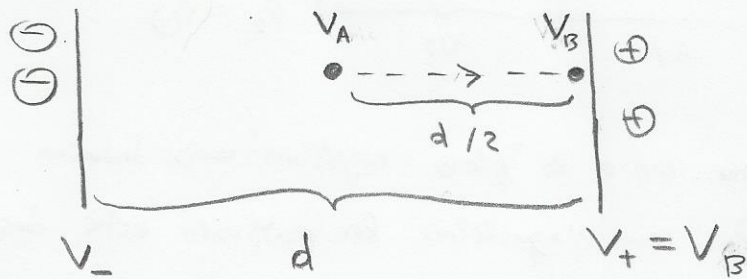
A.3

$$\begin{aligned} \Sigma q. [1] &\Rightarrow T \sin 30^\circ = -qE \\ \Sigma q. [2] &\Rightarrow T \cos 30^\circ = mg \end{aligned} \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \tan 30^\circ = -\frac{qE}{mg} \Rightarrow$$

dividim les eqs.

$$\Rightarrow q = -\frac{mg \tan 30^\circ}{E} = -\frac{2 \cdot 10^{-3} \cdot 9,81}{2} \frac{1}{\sqrt{3}} = -5,66 \cdot 10^{-3} \text{ C}$$

A.4



$$v_f = |\vec{v}(B)| = 1,3 \text{ m/s}$$

• En aquest desplaçament,

$$\Delta V^{A \rightarrow B} = V_B - V_A = E \cdot \frac{d}{2}$$

• Entre les plaques del condens.,

$$V_c = V_+ - V_- = E \cdot d$$

aiïllem E d
i igualtem

$$\Rightarrow V_c = 2 \cdot \Delta V^{A \rightarrow B} = 2 \cdot \frac{1}{q} \cdot \Delta E_p^{A \rightarrow B} = 2 \cdot \frac{1}{q} \cdot (-\Delta E_c^{A \rightarrow B}) =$$

$E_p = qV$ conservació E_m

$$= 2 \cdot \frac{1}{q} \cdot (-E_c^B) = 2 \cdot \frac{1}{q} \left(-\frac{1}{2} m v_f^2 \right) ; \text{ per tant:}$$

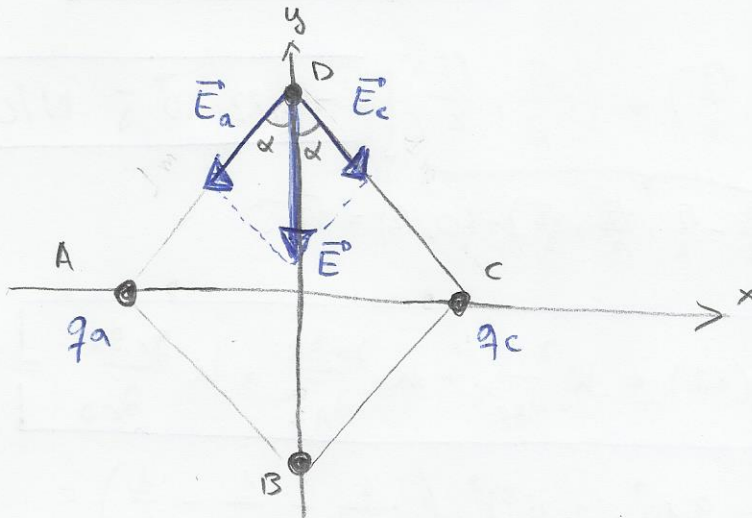
inicialment
en repòs

$$V_c = -\frac{m v_f^2}{q} = \frac{2 \cdot 10^{-3} \cdot (1,3)^2}{5,66 \cdot 10^{-3}} = 0,597 \text{ V}$$

B

B.1

Diagrama:



$$q_a = q_c = -3 \cdot 10^{-3} \text{ C}$$

$$d_{AD} = d_{CD} = 1 \text{ m}$$

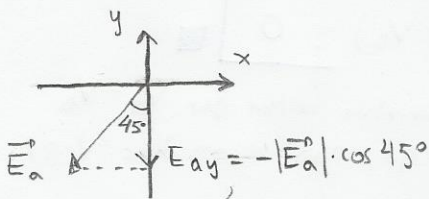
$$\alpha = 45^\circ$$

Nota: el camp \vec{E}_q que crea una $q < 0$ sempre apunta cap a ella:

B.2

$$\vec{E}^D(D) = \vec{E}_a(D) + \vec{E}_c(D) = (0, 2E_{ay}) = (*)$$

(Per simetria de la configuració, veiem que les components horitzontals es compensen, i les verticals són iguals)



Lei de Coulomb: $E_q = |\vec{E}_q| = k \frac{|q|}{d^2}$

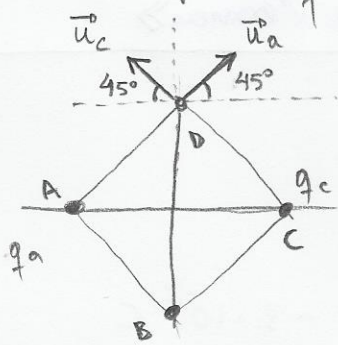
$$[*] = (0, -2 \cdot |\vec{E}_a| \cdot \cos 45^\circ) = -\left(0, 2K \frac{|q_a|}{d_{AD}^2} \cos 45^\circ\right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \vec{E}^D(D) = -\left(0, 2 \cdot 9 \cdot 10^9 \frac{3 \cdot 10^{-3}}{1^2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}\right) =$$

$$= -\left(0, 3'82 \cdot 10^7\right) \text{ N/C}$$

Comentari: aplicant la fórmula $\vec{E}_q = k \frac{q}{d^2} \vec{u}_r$ podem

comprovar que trobem el mateix:



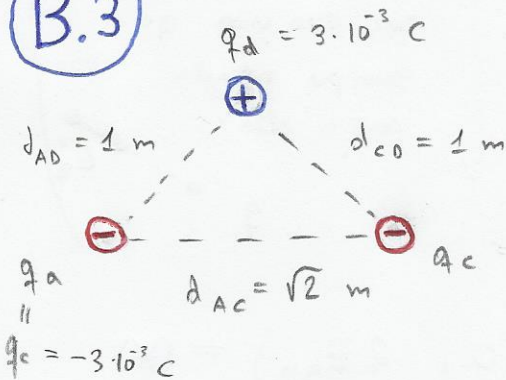
$$\begin{cases} \vec{u}_a = (\cos 45^\circ, \sin 45^\circ) = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right) \\ \vec{u}_c = (-\cos 45^\circ, \sin 45^\circ) = \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right) \end{cases}$$

$$\boxed{\vec{E}(D) = \vec{E}_a(D) + \vec{E}_c(D) = k \frac{q_a}{d_{AD}^2} \vec{u}_a + k \frac{q_c}{d_{CD}^2} \vec{u}_c =}$$

$$= 9 \cdot 10^9 \cdot (-3 \cdot 10^{-3}) \frac{1}{1^2} \left[\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right) + \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right) \right] = -3,82 \cdot 10^7 \vec{j} \text{ N/C}$$

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = (0, \sqrt{2}) = \sqrt{2} \vec{j}$$

B.3

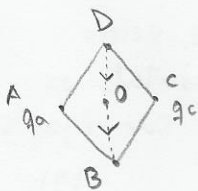


$$\boxed{E_p(\text{sist.}) = k \frac{q_a q_c}{d_{AC}} + k \frac{q_a q_d}{d_{AD}} + k \frac{q_c q_d}{d_{CD}} =}$$

$$= 9 \cdot 10^9 \cdot (3 \cdot 10^{-3})^2 \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{1} - \frac{1}{2}\right) =$$

$$\boxed{= -1,05 \cdot 10^5 \text{ J}}$$

B.4



1.- $\boxed{W_{\text{ext}}^{D \rightarrow B} = \Delta E_p = q_d (V_B - V_D) = 0}$

per simetria veiem que $V_B = V_D$
($q_a = q_c, d_{AD} = d_{AB} = d_{DC} = d_{CB}$)

2.- $\boxed{W_{\text{elec}}^{D \rightarrow B} = -\Delta E_p = 0}$

3.- Tram $D \rightarrow O$: \vec{F}_{elec} va cap avall, i per tant "a favor" del moviment $\Rightarrow \boxed{W_{\text{elec}}^{D \rightarrow O} > 0}$. Sabem que $\boxed{W_{\text{ext}}^{D \rightarrow O} = -W_{\text{elec}}^{D \rightarrow O}} \Rightarrow \boxed{W_{\text{ext}}^{D \rightarrow O} < 0}$, d'acord amb que $\vec{F}_{\text{ext}} = -\vec{F}_{\text{elec}}$ per a mantindre $\vec{v} = \text{constant}$: \vec{F}_{ext} "en contra".

• Tram $O \rightarrow B$: els papers s'intercanvien: ara \vec{F}_{elec} cap amunt i "en contra", $W_{\text{elec}}^{O \rightarrow B} < 0$, i $W_{\text{ext}}^{O \rightarrow B} = -W_{\text{elec}}^{O \rightarrow B} > 0$ (avant ara \vec{F}_{ext} "a favor"), i per simetria veiem que el W que ara fa \vec{F}_{ext} serà igual al que en el primer tram feia \vec{F}_{elec} , $W_{\text{ext}}^{O \rightarrow B} = W_{\text{elec}}^{D \rightarrow O} = -W_{\text{ext}}^{D \rightarrow O} \Rightarrow \boxed{W_{\text{ext}}^{D \rightarrow B} = W_{\text{ext}}^{D \rightarrow O} + W_{\text{ext}}^{O \rightarrow B} = 0}$
(Anàlogament per a $W_{\text{elec}}^{D \rightarrow B} = 0$).